

## Zestaw 2.

Czas potrzebny na rozwiązanie zadań – 180 minut

1. (0-1) *Dokończ zdanie tak, aby było prawdziwe. Wybierz odpowiedź A albo B oraz jej uzasadnienie 1. albo 2.*

Liczba 466 633 314 jest podzielna przez:

<b>A.</b>	4,	ponieważ	<b>1.</b>	pierwszą i ostatnią cyfrą tej liczby jest 4.
<b>B.</b>	6,		<b>2.</b>	suma cyfr tej liczby dzieli się przez 6.
			<b>3.</b>	liczba jest parzysta i suma jej cyfr dzieli się przez 3.

2. (0-1) Liczba uczniów klasy IVa stanowi  $\frac{7}{8}$  liczby uczniów klasy IVb, przy czym w klasie IVb jest o 4 uczniów więcej niż w klasie IVa.

*Oceń prawdziwość podanych stwierdzeń. Wybierz P, jeżeli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.*

Liczby uczniów, $x$ – klasy IVa i $y$ – klasy IVb, spełniają układ równań $\begin{cases} x = \frac{7}{8}y \\ x + 4 = y \end{cases}$ .	<b>P</b>	<b>F</b>
Łącznie w obu klasach jest 68 uczniów.	<b>P</b>	<b>F</b>

3. (0-2) Wykaż, że  $(x + y)^2 - (-x - y)^2 = 0$ .

4. (0-1) *Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.*

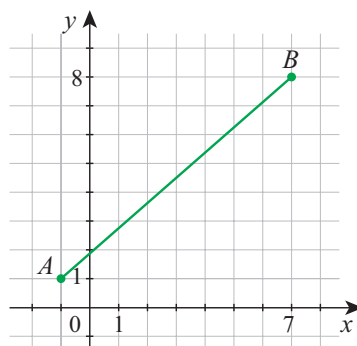
Iloczyn liczb  $\sqrt[3]{4} \cdot \sqrt[4]{8}$  jest równy:

- A.**  $2\sqrt[12]{12}$     **B.**  $\sqrt[12]{32}$     **C.**  $\sqrt[12]{32}$     **D.**  $2\sqrt[12]{32}$

5. Punkty  $A = (-1, 2)$  i  $B = (7, 8)$  są wierzchołkami trójkąta  $ABC$ , w którym  $|\sphericalangle BCA| = 90^\circ$  i wierzchołek  $C$  należy do osi  $x$ .

5.1. (0-3) Oblicz współrzędne wierzchołka  $C$ .

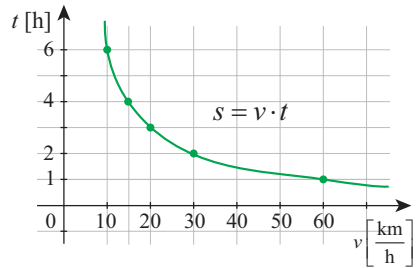
5.2. (0-2) Napisz równanie okręgu opisanego na trójkącie  $ABC$ .



6. (0-2) Funkcja liniowa  $f$  określona jest wzorem  $f(x) = ax + b$ .

Uzasadnij, że  $f(x+1) - f(x) = a$ .

7. (0-1) Na rysunku przedstawiona jest zależność między średnią prędkością  $v$  a czasem  $t$  potrzebnym do pokonania trasy  $s$ .



Oceń prawdziwość podanych stwierdzeń.

Wybierz P, jeżeli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Trasa maratonu ma długość około 42 km i stanowi 70% trasy $s$ przedstawionej na wykresie.	P	F
Jadąc po trasie $s$ rowerem ze średnią prędkością $15 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ , do celu dojedziesz po 4 godzinach.	P	F

8. Ciało wyrzucone w górę osiąga po  $t$  sekundach wysokość  $h$  liczoną w metrach, równą wartości funkcji określonej wzorem  $h(t) = -5t^2 + 50t$ , gdzie  $t \geq 0$ .

8.1. (0-1) *Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.*

Wyrzucone ciało spadnie na ziemię po upływie:

- A. 5 sekund      B. 10 sekund      C. 15 sekund      D. 20 sekund

8.2. (0-1) *Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.*

Największą wysokość osiągnie wyrzucone ciało w:

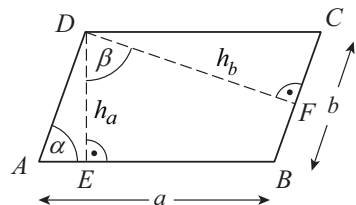
- A. 5. sekundzie lotu      B. 10. sekundzie lotu  
C. 15. sekundzie lotu      D. 20. sekundzie lotu

8.3. (0-1) *Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.*

Największa wysokość jaką osiągnie wyrzucone ciało podczas lotu jest równa:

- A. 100 m      B. 125 m      C. 150 m      D. 175 m

9. (0-2) W równoległoboku  $ABCD$  kąt ostry ma miarę  $\alpha$ . Z punktu  $D$  poprowadzono wysokości  $h_a$  i  $h_b$ , które są ramionami kąta  $\beta$  jak na rysunku. Uzasadnij, że  $\alpha = \beta$ .



10. (0-1) *Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.*

Równanie  $\frac{x+1}{x-1} = \frac{x-1}{x+1}$  ma taki sam zbiór rozwiązań, jak równanie:

A.  $\frac{x^4}{x^3} = 0$

B.  $\frac{1}{x} = 0$

C.  $|x| = 0$

D.  $x^2 + 1 = 0$

11. Jednym z pierwiastków wielomianu  $W(x) = x^3 - 4x^2 + x - 4$  jest liczba 4.

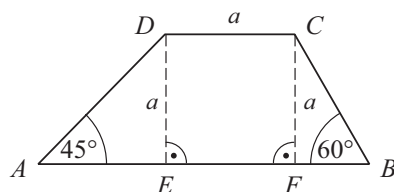
11.1 (0-1) Przedstaw wielomian  $W(x)$  w postaci  $W(x) = (x-4) \cdot P(x)$ .

11.2. (0-2) Ustal liczbę, jaką należy dodać do wielomianu  $W$ , aby był on podzielny przez dwumian  $x-2$ .

12. (0-1) Krótsza podstawa trapezu  $ABCD$  jest równa jego wysokości i ma długość  $a$ . Ramiona trapezu tworzą z dłuższą podstawą kąty o miarach  $45^\circ$  i  $60^\circ$ .

*Oceń prawdziwość podanych stwierdzeń.*

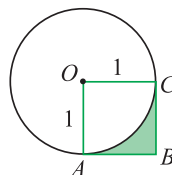
*Wybierz P, jeżeli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.*



Podstawa $AB$ trapezu ma długość $a\left(2 + \frac{\sqrt{3}}{3}\right)$ .	<b>P</b>	<b>F</b>
Suma długości podstaw trapezu jest równa sumie długości jego ramion.	<b>P</b>	<b>F</b>

13. (0-2) Na rysunku punkt  $O$  jest środkiem okręgu o promieniu 1, a czworokąt  $ABCO$  jest kwadratem. Uzasadnij, że pole figury

zamalowanej na zielono jest równe  $1 - \frac{\pi}{4}$ .



14. (0-1) W drugim semestrze Ala otrzymała z matematyki oceny: 2, 3, 3, 2, 2, 4, a Pola: 3, 3, 3, 4, 1, 2. Odchylenie standardowe od średniej ocen Ali było równe 0,75, a Poli 0,94.

*Oceń prawdziwość podanych stwierdzeń. Wybierz P, jeżeli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.*

Średnie ocen Ali i Poli były równe.	<b>P</b>	<b>F</b>
Bardziej systematycznie uczyła się matematyki Ala niż Pola.	<b>P</b>	<b>F</b>

15. Rzucamy dwa razy symetryczną sześcienną kostką do gry.

15.1. (0-1) *Uzupełnij zdanie i w miejsce . . . . . wpisz odpowiednią liczbę.*

Liczba wszystkich możliwych wyników tego doświadczenia jest równa . . . . .

15.2. (0-2) Oblicz prawdopodobieństwo zdarzenia  $A$ , że na obu kartkach wypadła różna liczba oczek.

15.3. (0-1) *Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.*

Prawdopodobieństwo zdarzenia  $B$ , że suma równa 6 liczby oczek na obu kostkach jest równe:

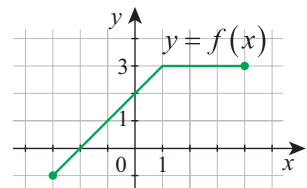
A.  $\frac{3}{36}$

B.  $\frac{4}{36}$

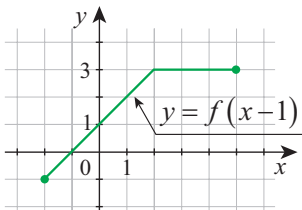
C.  $\frac{5}{36}$

D.  $\frac{6}{36}$

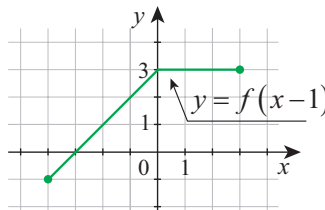
16. (0-2) Na rysunku przedstawiony jest wykres funkcji  $f$ , a na rysunkach A, B, C, D, E, F Tymek narysował obrazy wykresu funkcji  $f$  w pewnym przekształceniu i opisał je. Podaj dwa obrazy funkcji  $f$ , które są opisane poprawnie.



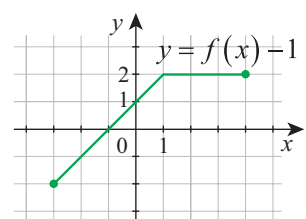
A.



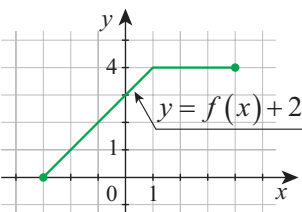
B.



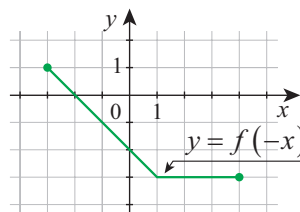
C.



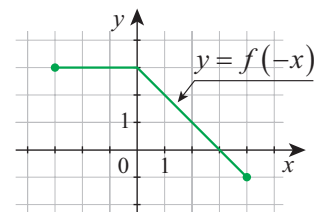
D.



E.



F.



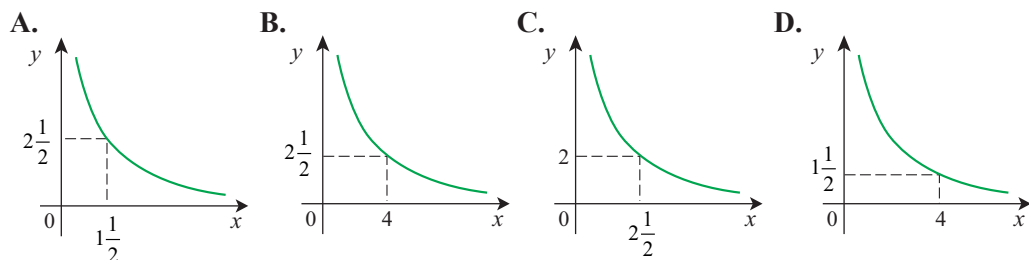
17. (0-2) Kąt  $\alpha$  jest kątem rozwartym i  $\sin \alpha + \cos \alpha = \frac{7}{13}$ .

Oblicz wartość wyrażenia  $\sin \alpha \cdot \cos \alpha$ .

18. (0-1) Na rysunkach przedstawiono wykresy proporcjonalności odwrotnej.

*Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.*

Współczynnik proporcjonalności równy 5 pokazano na rysunku:



19. (0-3) Liczba detali produkowanych w zakładzie „PRIM” w okresie  $n$  dni określa wzór  $S_n = n^2 + 501n$ . Oblicz, ile detali wyprodukowano w tym zakładzie w dniach od 13. do 21. dnia produkcji.

20. (0-1) *Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.*

Ciąg arytmetyczny  $(b_n)$  określony wzorem  $b_n = \frac{5-4n}{2}$  jest:

- A. malejący      B. stały      C. rosnący      D. ani rosnący ani malejący

21. Długości przyprostokątnych  $a$  i  $b$  trójkąta prostokątnego są równe 5 i 12.

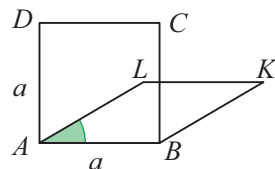
*Dokończ zdanie. W miejsce . . . . . wpisz odpowiednią liczbę.*

- 21.1. (0-1) Obwód tego trójkąta jest równy . . . . .
- 21.2. (0-1) Promień okręgu opisanego na tym trójkącie jest równy . . . . .
- 21.3. (0-1) Promień okręgu wpisanego w ten trójkąt jest równy . . . . .

22. (0-1) *Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.*

Pole kwadratu  $ABCD$  jest dwa razy większe niż pole rombu  $ABKL$ . Kąt ostry rombu ma miarę równą

- A.  $15^\circ$       B.  $30^\circ$       C.  $45^\circ$       D.  $60^\circ$



23. (0-4) Podstawą graniastostupa o wysokości 18 cm jest romb. Suma długości przekątnych rombu jest równa 12 cm. Oblicz długość przekątnych rombu, dla których objętość graniastostupa jest największa oraz oblicz tę objętość.

24. (0-3) W ostrosłupie prawidłowym sześciokątnym długość krawędzi podstawy jest równa 6. Krawędź boczna ostrosłupa jest nachylona do płaszczyzny podstawy pod kątem  $60^\circ$ . Oblicz:

- wysokość ostrosłupa,
- objętość ostrosłupa.

